Die beiden Möglichkeiten sind in **Bild 2** skizziert.

Es sind nun verschiedene Lösungsbereiche zu diskutieren:

(a) Die Gerade schneidet die Ellipse zwischen den Punkten C' und A.

I_{1x} ist in jedem Fall negativ. Fazit: I_x oder E_x wurden offensichtlich falsch bestimmt.

(b) Die Gerade schneidet die Ellipse zwischen den Punkten A und B. Die +Lösung liefert einen positiven Wert für I_{1x} und einen negativen für I_{2x} , d.h., eine entgegengerichtete Kollision.

Für die -Lösung gibt es zwei Möglichkeiten:

- Der Wert für I_{1x} ist negativ. In diesem Fall darf nicht mit der -Lösung gerechnet werden, da I_{1x} nach Definition nur positiv sein kann. (Schnittpunkt zwischen A und B').

- Der Wert für I_{1x} ist positiv. Dann ist auch I_{2x} positiv, d.h., die Kollision ist gleichgerichtet (Schnittpunkt zwischen B' und B).

(c) Die Gerade schneidet die Ellipse zwischen den Punkten B und C. In diesem Fall liefert sowohl die +Lösung als auch die -Lösung einen positiven Wert für I_{1x} und für I_{2x} , d.h., eine gleichgerichtete Kollision.

Ausnahme: Für den Fall, daß m_1 kleiner ist als m_2 , kann die -Lösung auch negative Werte für I_{1x} liefern.

(d) die +Lösung und die -Lösung unterscheiden sich immer im Kollisionswinkel und im Verhältnis von v_{1x} zu v_{2x} .

a) gleichgerichtete Kollision
 $J_{2x} > 0 \Rightarrow -90^\circ < \alpha < 90^\circ$

b) entgegengerichtete Kollision
 $J_{2x} > 0 \Rightarrow 90^\circ < \alpha < 270^\circ$

Bild 2 Definition der Kollisionsarten

Bild 3 Grenze zwischen + und -Lösung

Es können somit folgende Regeln aufgestellt werden:

Regel 1

Liegt ein entgegengerichteter Stoß vor (Gegenverkehrsunfall) ist immer die +Lösung richtig.

Regel 2

Liegt ein gleichgerichteter Stoß vor, ist die +Lösung dann richtig, wenn $v_1 > v_2 \cos \alpha$ (v_1, v_2 - Beträge der Geschwindigkeiten; α = Kollisionswinkel). Im umgekehrten Fall ist die -Lösung zu wählen. Die Grenze zwischen +Lösung und -Lösung zeigt **Bild 3**.

4 Beispiel

Gegeben sei die Unfallsituation, die im **Bild 4** dargestellt ist. Aus den gegebenen Daten lassen sich die Werte für I_x, I_y und E_x berechnen.

In **Tabelle 1** sind +Lösungen und -Lösungen gegenübergestellt.

Man erkennt, daß die -Lösung die tatsächlich vorgegebene Situation wiedergibt, während die +Lösung ein anderes Ergebnis liefert.

Beide Lösungen führen zu dem gleichen Gesamtimpuls I und der gleichen Gesamtenergie E . Davon kann man sich leicht überzeugen, wenn man die Werte in die Gleichungen (1) bis (3) einsetzt. Beide Lösungen sind physikalisch möglich. Welche von ihnen aber auf den konkreten Fall zutrifft, kann nur anhand des Kollisionswinkels entschieden werden. Dieser ist bei der +Lösung um 13° verschieden vom vorgegebenen Wert.

Für den Anwender, der nur die +Lösung in seinem Rechner programmiert hat, ergeben sich nun zwei Möglichkeiten:

- Er akzeptiert sein Ergebnis und hält einen Kollisionswinkel von 74° für möglich. Das hat zur Konsequenz, daß die Geschwindigkeit von Fahrzeug 1 doppelt so groß errechnet wird, als sie tatsächlich war.
- Variiert seine Eingabedaten in der Hoffnung, daß sich ein Wert für den Kollisionswinkel einstellt, der dem vorgegebenen Winkel näher kommt. Da er aber dann zwangsläufig falsche Eingabedaten einsetzt, werden die Werte für die Kollisionsgeschwindigkeiten noch weiter von den tatsächlichen abweichen.

Die richtige Lösung erhält man in diesem Beispiel nur, wenn man mit dem Minuszeichen vor der Wurzel rechnet.

Bild 4 Beispiele: Unfallsituation

	+ Lösung	- Lösung
$v_{1x} = v_1$	10m/s	5m/s
$v_{2x} =$	5m/s	10m/s
$v_{2y} =$	17,32m/s	17,32m/s (= 20sin 60°)
$v_2 =$	18,03m/s	20m/s
$\alpha =$	74°	60°

Tabelle 1 Beispiel: Lösungen

5 Zusammenfassung

Es können folgende Regeln aufgestellt werden:

Regel 1

Bei einer entgegengerichteten Kollision (Kollisionswinkel zwischen 90° und 270°) ist die +Lösung anzuwenden; die bisher veröffentlichten Formeln können angewendet werden.

Regel 2

Liegt eine gleichgerichtete Kollision vor (Kollisionswinkel zwischen $+90^\circ$ und -90°) ist die -Lösung zu wählen, wenn bekannt ist, daß:

$$v_1 < v_2 \cos \alpha$$

Andernfalls sind beide Möglichkeiten zu untersuchen; die Lösungen unterscheiden sich dann im Kollisionswinkel.

Regel 3

Bei einem Auffahrunfall ist das auffahrende Fahrzeug mit »1« zu kennzeichnen, um das Pluszeichen verwenden zu können ($v_1 > v_2$). (Spezialfall zu Regel 2)

Regel 4

Bei einem Kreuzungsunfall ($\alpha \approx -90^\circ$ oder $\alpha \approx 90^\circ$) sind ebenfalls beide Lösungen zu berechnen, da zunächst nicht entschieden werden kann, welche Kollisionsart vorliegt.

Die in [5] und [6] veröffentlichten Verfahren zur Berechnung der Kollisionsgeschwindigkeit kennen das +/- Problem nicht.

Literatur

- [1] Burg, H., Zeidler, F.: EES – Ein Hilfsmittel zur Unfallrekonstruktion und dessen Auswirkung auf die Unfallforschung. Der Verkehrsunfall 1980, S. 75
- [2] Zeidler, F.: Die Analyse von Straßenverkehrsunfällen mit verletzten Pkw-Insassen unter besonderer Berücksichtigung von versetzten Frontalkollisionen mit Abgleiten der Fahrzeuge. Dissertation TU Berlin 1982
- [3] Burg, H.: Rechnerunterstützte Rekonstruktion von Pkw/Pkw-Unfällen. Dissertation TU Berlin 1984
- [4] Kircher, K.: Die rechnerische Bestimmung der Kollisionsgeschwindigkeiten. Verkehrsunfall und Fahrzeugtechnik 1985, S. 157
- [5] Schimmelpfennig, K.-H., Becke, M.: Ausnutzung der Symmetriebedingungen beim Impuls-Diagramm zur engeren Eingrenzung der Kollisionsgeschwindigkeiten unter gleichzeitiger Berücksichtigung des Drallsatzes. Der Verkehrsunfall 1980, Heft 10
- [6] Schimmelpfennig, K.-H., Hebing, N.: Das Energie-Ring-Verfahren. Graphische Lösung der Stoßgleichung unter Einbeziehung der Formänderungsenergie. Der Verkehrsunfall, 1982, Heft 9